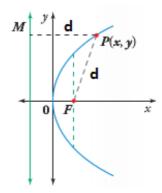
INSTITUCIÓN EDUCATIVA ANDRES PAEZ DE SOTOMAYOR "Dios, Ciencia y Responsabilidad" 2020 Asignatura: Matemáticas Fecha: 20 de enero de 2020 Docente: Wilmer Peña O.

La parábola

Una **parábola** es el lugar geométrico de los puntos P(x, y) del plano cartesiano que están a una misma distancia de un fijo F llamado **foco** y de una recta fija del mismo plano, llama **directriz**.

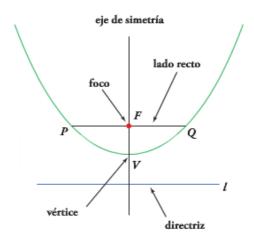


Por lo tanto, si M es el punto en el que se proyecta P, en la directriz, como se muestra en la figura, entonces se cumple que

$$d(P,F)=d(P,M)$$

Elementos de la parábola

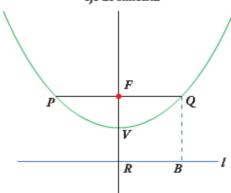
- 1. El foco F y la directriz l, son el punto y la recta respectivamente, que están a la misma distancia de cualquier punto de la parábola.
- 2. El eje de simetría, es la recta que pasa por el foco F y es perpendicular a la directriz l.
- 3. El vértice V, es el punto de intersección de la parábola con el eje de simetría.
- 4. A la distancia entre el foco y el vértice se le llama distancia focal.
- 5. El lado recto \overline{PQ} es el segmento cuyos extremos pertenecen a la parábola, pasa por el foco y es perpendicular a eje de simetría.



Longitud del lado recto de una parábola

La longitud del lado recto PQ de una parábola es 4 veces la distancia entre el foco y el vértice, es decir,

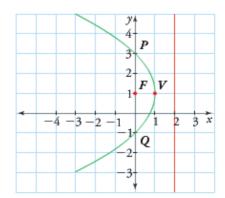




Ejemplo 1. Determinar los elementos de la parábola y la longitud del lado recto, a partir de la gráfica.

Según la gráfica los elementos de la parábola son:

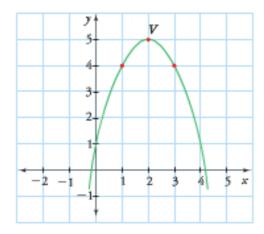
- 1. Foco: (0, 1)
- 2. Directriz: x = 2
- 3. Eje simetría: y=1
- 4. Vértice: V(1,1)
- 5. Distancia focal: 1 unidad



Además, la longitud del lado recto PQ es de 4 unidades.

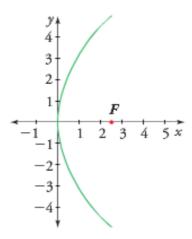
Ejercicios

1. Observa la siguiente gráfica. Luego, resuelve.



- a. Determina el vértice de la parábola.
- b. Escribe las coordenadas de tres puntos por los que pasa la parábola.

2. Determina el foco, la directriz, el eje de simetría, el vértice, la distancia focal y la longitud del lado recto de la parábola de la figura.



3. Dibuja la parábola con su directriz si se conoce que su vértice está en V(0,0) y su foco en F(2,0).